

# ПРИЛОЖЕНИЕ. ТАБЛИЦЫ ФУНКЦИЙ

Таблица П.1.

Значения функции Лапласа  $\Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-z^2/2} dz$ ,  $\Phi(-x) = -\Phi(x)$ .

$x$	$\Phi(x)$	$x$	$\Phi(x)$	$x$	$\Phi(x)$	$x$	$\Phi(x)$
0,00	0,0000	0,39	0,1517	0,78	0,2823	1,17	0,3790
0,01	0,0040	0,40	0,1554	0,79	0,2852	1,18	0,3810
0,02	0,0080	0,41	0,1591	0,80	0,2881	1,19	0,3830
0,03	0,0120	0,42	0,1628	0,81	0,2910	1,20	0,3849
0,04	0,0160	0,43	0,1664	0,82	0,2939	1,21	0,3869
0,05	0,0199	0,44	0,1700	0,83	0,2967	1,22	0,3883
0,06	0,0239	0,45	0,1736	0,84	0,2995	1,23	0,3907
0,07	0,0279	0,46	0,1772	0,85	0,3023	1,24	0,3925
0,08	0,0319	0,47	0,1808	0,86	0,3051	1,25	0,3944
0,09	0,0359	0,48	0,1844	0,87	0,3078	1,26	0,3962
0,10	0,0398	0,49	0,1879	0,88	0,3106	1,27	0,3980
0,11	0,0438	0,50	0,1915	0,89	0,3133	1,28	0,3997
0,12	0,0478	0,51	0,1950	0,90	0,3159	1,29	0,4015
0,13	0,0517	0,52	0,1985	0,91	0,3186	1,30	0,4032
0,14	0,0557	0,53	0,2019	0,92	0,3212	1,31	0,4049
0,15	0,0596	0,54	0,2054	0,93	0,3238	1,32	0,4066
0,16	0,0636	0,55	0,2088	0,94	0,3264	1,33	0,4082
0,17	0,0675	0,56	0,2123	0,95	0,3289	1,34	0,4099
0,18	0,0714	0,57	0,2157	0,96	0,3315	1,35	0,4115
0,19	0,0753	0,58	0,2190	0,97	0,3340	1,36	0,4131
0,20	0,0793	0,59	0,2224	0,98	0,3365	1,37	0,4147
0,21	0,0832	0,60	0,2257	0,99	0,3389	1,38	0,4162
0,22	0,0871	0,61	0,2291	1,00	0,3413	1,39	0,4177
0,23	0,0910	0,62	0,2324	1,01	0,3438	1,40	0,4192
0,24	0,0948	0,63	0,2357	1,02	0,3461	1,41	0,4207
0,25	0,0987	0,64	0,2389	1,03	0,3485	1,42	0,4222
0,26	0,1026	0,65	0,2422	1,04	0,3508	1,43	0,4236
0,27	0,1064	0,66	0,2454	1,05	0,3531	1,44	0,4251
0,28	0,1103	0,67	0,2486	1,06	0,3554	1,45	0,4265
0,29	0,1141	0,68	0,2517	1,07	0,3577	1,46	0,4279
0,30	0,1179	0,69	0,2549	1,08	0,3599	1,47	0,4292
0,31	0,1217	0,70	0,2580	1,09	0,3621	1,48	0,4306
0,32	0,1255	0,71	0,2611	1,10	0,3643	1,49	0,4319
0,33	0,1293	0,72	0,2642	1,11	0,3665	1,50	0,4332
0,34	0,1331	0,73	0,2673	1,12	0,3686	1,51	0,4345
0,35	0,1368	0,74	0,2703	1,13	0,3708	1,52	0,4357
0,36	0,1406	0,75	0,2734	1,14	0,3729	1,53	0,4370
0,37	0,1443	0,76	0,2764	1,15	0,3749	1,54	0,4382
0,38	0,1480	0,77	0,2794	1,16	0,3770	1,55	0,4394

$x$	$\Phi(x)$	$x$	$\Phi(x)$	$x$	$\Phi(x)$	$x$	$\Phi(x)$
1,56	0,4406	1,82	0,4656	2,16	0,4846	2,68	0,4963
1,57	0,4418	1,83	0,4664	2,18	0,4854	2,70	0,4965
1,58	0,4429	1,84	0,4671	2,20	0,4861	2,72	0,4967
1,59	0,4441	1,85	0,4678	2,22	0,4868	2,74	0,4969
1,60	0,4452	1,86	0,4686	2,24	0,4875	2,76	0,4971
1,61	0,4463	1,87	0,4693	2,26	0,4881	2,78	0,4973
1,62	0,4474	1,88	0,4699	2,28	0,4887	2,80	0,4974
1,63	0,4484	1,89	0,4706	2,30	0,4893	2,82	0,4976
1,64	0,4495	1,90	0,4713	2,32	0,4898	2,84	0,4977
1,65	0,4505	1,91	0,4719	2,34	0,4904	2,86	0,4979
1,66	0,4515	1,92	0,4726	2,36	0,4909	2,88	0,4980
1,67	0,4525	1,93	0,4732	2,38	0,4913	2,90	0,4981
1,68	0,4535	1,94	0,4738	2,40	0,4918	2,92	0,4982
1,69	0,4545	1,95	0,4744	2,42	0,4922	2,94	0,4984
1,70	0,4554	1,96	0,4750	2,44	0,4927	2,96	0,4985
1,71	0,4564	1,97	0,4756	2,46	0,4931	2,98	0,4986
1,72	0,4573	1,98	0,4761	2,48	0,4934	3,00	0,49865
1,73	0,4582	1,99	0,4767	2,50	0,4938	3,20	0,49931
1,74	0,4591	2,00	0,4772	2,52	0,4941	3,40	0,49966
1,75	0,4599	2,02	0,4783	2,54	0,4945	3,60	0,499841
1,76	0,4608	2,04	0,4793	2,56	0,4948	3,80	0,499928
1,77	0,4616	2,06	0,4803	2,58	0,4951	4,00	0,499968
1,78	0,4625	2,08	0,4812	2,60	0,4953	4,50	0,499997
1,79	0,4633	2,10	0,4821	2,62	0,4956	5,00	0,499997
1,80	0,4641	2,12	0,4830	2,64	0,4959		
1,81	0,4649	2,14	0,4838	2,66	0,4961		

Таблица П.2.

Квантили стандартного нормального закона

Вероятность $\alpha$	Квантиль $u_\alpha$	Вероятность $\alpha$	Квантиль $u_\alpha$	Вероятность $\alpha$	Квантиль $u_\alpha$
0,001	-3,0902	0,33	-0,4399	0,68	0,4677
0,005	-2,5758	0,34	-0,4125	0,69	0,4958
0,01	-2,3263	0,35	-0,3853	0,7	0,5244
0,02	-2,0537	0,36	-0,3585	0,71	0,5534
0,025	-1,9600	0,37	-0,3319	0,72	0,5828
0,03	-1,8808	0,38	-0,3055	0,73	0,6128
0,04	-1,7507	0,39	-0,2793	0,74	0,6433
0,05	-1,6449	0,4	-0,2533	0,75	0,6745
0,06	-1,5548	0,41	-0,2275	0,76	0,7063
0,07	-1,4758	0,42	-0,2019	0,77	0,7388
0,08	-1,4051	0,43	-0,1764	0,78	0,7722
0,09	-1,3408	0,44	-0,1510	0,79	0,8064
0,1	-1,2816	0,45	-0,1257	0,8	0,8416
0,11	-1,2265	0,46	-0,1004	0,81	0,8779
0,12	-1,1750	0,47	-0,0753	0,82	0,9154
0,13	-1,1264	0,48	-0,0502	0,83	0,9542
0,14	-1,0803	0,49	-0,0251	0,84	0,9945
0,15	-1,0364	0,5	0,0000	0,85	1,0364
0,16	-0,9945	0,51	0,0251	0,86	1,0803
0,17	-0,9542	0,52	0,0502	0,87	1,1264
0,18	-0,9154	0,53	0,0753	0,88	1,1750
0,19	-0,8779	0,54	0,1004	0,89	1,2265
0,2	-0,8416	0,55	0,1257	0,9	1,2816
0,21	-0,8064	0,56	0,1510	0,91	1,3408
0,22	-0,7722	0,57	0,1764	0,92	1,4051
0,23	-0,7388	0,58	0,2019	0,93	1,4758
0,24	-0,7063	0,59	0,2275	0,94	1,5548
0,25	-0,6745	0,6	0,2533	0,95	1,6449
0,26	-0,6433	0,61	0,2793	0,96	1,7507
0,27	-0,6128	0,62	0,3055	0,97	1,8808
0,28	-0,5828	0,63	0,3319	0,975	1,9600
0,29	-0,5534	0,64	0,3585	0,98	2,0537
0,3	-0,5244	0,65	0,3853	0,99	2,3263
0,31	-0,4958	0,66	0,4125	0,995	2,5758
0,32	-0,4677	0,67	0,4399	0,999	3,0902

Таблица П.3.

Процентные точки  $\chi^2_{\alpha \cdot 100\%}$  распределения  $\chi^2$ , соответствующие вероятности  
 $\alpha = P(\chi^2(k) > \chi^2_{\alpha \cdot 100\%})$

Число степеней свободы $k$	Уровень значимости $\alpha$							
	0,99	0,975	0,95	0,9	0,1	0,05	0,025	0,01
1	0,0002	0,001	0,004	0,016	2,706	3,841	5,024	6,635
2	0,020	0,051	0,103	0,211	4,605	5,991	7,378	9,210
3	0,115	0,216	0,352	0,584	6,251	7,815	9,348	11,345
4	0,297	0,484	0,711	1,064	7,779	9,488	11,143	13,277
5	0,554	0,831	1,145	1,610	9,236	11,070	12,832	15,086
6	0,872	1,237	1,635	2,204	10,645	12,592	14,449	16,812
7	1,239	1,690	2,167	2,833	12,017	14,067	16,013	18,475
8	1,647	2,180	2,733	3,490	13,362	15,507	17,535	20,090
9	2,088	2,700	3,325	4,168	14,684	16,919	19,023	21,666
10	2,558	3,247	3,940	4,865	15,987	18,307	20,483	23,209
11	3,053	3,816	4,575	5,578	17,275	19,675	21,920	24,725
12	3,571	4,404	5,226	6,304	18,549	21,026	23,337	26,217
13	4,107	5,009	5,892	7,041	19,812	22,362	24,736	27,688
14	4,660	5,629	6,571	7,790	21,064	23,685	26,119	29,141
15	5,229	6,262	7,261	8,547	22,307	24,996	27,488	30,578
16	5,812	6,908	7,962	9,312	23,542	26,296	28,845	32,000
17	6,408	7,564	8,672	10,085	24,769	27,587	30,191	33,409
18	7,015	8,231	9,390	10,865	25,989	28,869	31,526	34,805
19	7,633	8,907	10,117	11,651	27,204	30,144	32,852	36,191
20	8,260	9,591	10,851	12,443	28,412	31,410	34,170	37,566
21	8,897	10,283	11,591	13,240	29,615	32,671	35,479	38,932
22	9,542	10,982	12,338	14,041	30,813	33,924	36,781	40,289
23	10,196	11,689	13,091	14,848	32,007	35,172	38,076	41,638
24	10,856	12,401	13,848	15,659	33,196	36,415	39,364	42,980
25	11,524	13,120	14,611	16,473	34,382	37,652	40,646	44,314
26	12,198	13,844	15,379	17,292	35,563	38,885	41,923	45,642
27	12,878	14,573	16,151	18,114	36,741	40,113	43,195	46,963
28	13,565	15,308	16,928	18,939	37,916	41,337	44,461	48,278
29	14,256	16,047	17,708	19,768	39,087	42,557	45,722	49,588
30	14,953	16,791	18,493	20,599	40,256	43,773	46,979	50,892
40	22,164	24,433	26,509	29,051	51,805	55,758	59,342	63,691
50	29,707	32,357	34,764	37,689	63,167	67,505	71,420	76,154
60	37,485	40,482	43,188	46,459	74,397	79,082	83,298	88,379
70	45,442	48,758	51,739	55,329	85,527	90,531	95,023	100,425
80	53,540	57,153	60,391	64,278	96,578	101,879	106,629	112,329
90	61,754	65,647	69,126	73,291	107,565	113,145	118,136	124,116
100	70,065	74,222	77,929	82,358	118,498	124,342	129,561	135,807

Таблица П.4.

Процентные точки распределения Стьюдента, значения  $t_{\alpha \cdot 100\%}$ , соответствующие вероятности  $\alpha = P(t(k) > t_{\alpha \cdot 100\%})$

Число степеней свободы $k$	Уровень значимости $\alpha$ (двухсторонняя критическая область)						
	0,2	0,1	0,05	0,02	0,01	0,005	0,001
1	3,078	6,314	12,706	31,821	63,656	127,321	636,578
2	1,886	2,920	4,303	6,965	9,925	14,089	31,600
3	1,638	2,353	3,182	4,541	5,841	7,453	12,924
4	1,533	2,132	2,776	3,747	4,604	5,598	8,610
5	1,476	2,015	2,571	3,365	4,032	4,773	6,869
6	1,440	1,943	2,447	3,143	3,707	4,317	5,959
7	1,415	1,895	2,365	2,998	3,499	4,029	5,408
8	1,397	1,860	2,306	2,896	3,355	3,833	5,041
9	1,383	1,833	2,262	2,821	3,250	3,690	4,781
10	1,372	1,812	2,228	2,764	3,169	3,581	4,587
11	1,363	1,796	2,201	2,718	3,106	3,497	4,437
12	1,356	1,782	2,179	2,681	3,055	3,428	4,318
13	1,350	1,771	2,160	2,650	3,012	3,372	4,221
14	1,345	1,761	2,145	2,624	2,977	3,326	4,140
15	1,341	1,753	2,131	2,602	2,947	3,286	4,073
16	1,337	1,746	2,120	2,583	2,921	3,252	4,015
17	1,333	1,740	2,110	2,567	2,898	3,222	3,965
18	1,330	1,734	2,101	2,552	2,878	3,197	3,922
19	1,328	1,729	2,093	2,539	2,861	3,174	3,883
20	1,325	1,725	2,086	2,528	2,845	3,153	3,850
21	1,323	1,721	2,080	2,518	2,831	3,135	3,819
22	1,321	1,717	2,074	2,508	2,819	3,119	3,792
23	1,319	1,714	2,069	2,500	2,807	3,104	3,768
24	1,318	1,711	2,064	2,492	2,797	3,091	3,745
25	1,316	1,708	2,060	2,485	2,787	3,078	3,725
26	1,315	1,706	2,056	2,479	2,779	3,067	3,707
27	1,314	1,703	2,052	2,473	2,771	3,057	3,689
28	1,313	1,701	2,048	2,467	2,763	3,047	3,674
29	1,311	1,699	2,045	2,462	2,756	3,038	3,660
30	1,310	1,697	2,042	2,457	2,750	3,030	3,646
40	1,303	1,684	2,021	2,423	2,704	2,971	3,551
50	1,299	1,676	2,009	2,403	2,678	2,937	3,496
70	1,294	1,667	1,994	2,381	2,648	2,899	3,435
100	1,290	1,660	1,984	2,364	2,626	2,871	3,390
$\infty$	1,282	1,645	1,960	2,326	2,576	2,807	3,290
Число степеней свободы $k$	0,1	0,05	0,025	0,01	0,005	0,0025	0,0005
	Уровень значимости $\alpha$ (односторонняя критическая область)						

Таблица П.5.

Процентные точки распределения Фишера, значения  $F_{\alpha \cdot 100\%}$ , соответствующие вероятности  $\alpha = P(F(k_1, k_2) > F_{\alpha \cdot 100\%})$  при  $\alpha = 0,05$

$k_2 \backslash k_1$	1	2	3	4	5	6	8	12	24
1	161,446	199,499	215,707	224,583	230,160	233,988	238,884	243,905	249,052
2	18,513	19,000	19,164	19,247	19,296	19,329	19,371	19,412	19,454
3	10,128	9,552	9,277	9,117	9,013	8,941	8,845	8,745	8,638
4	7,709	6,944	6,591	6,388	6,256	6,163	6,041	5,912	5,774
5	6,608	5,786	5,409	5,192	5,050	4,950	4,818	4,678	4,527
6	5,987	5,143	4,757	4,534	4,387	4,284	4,147	4,000	3,841
7	5,591	4,737	4,347	4,120	3,972	3,866	3,726	3,575	3,410
8	5,318	4,459	4,066	3,838	3,688	3,581	3,438	3,284	3,115
9	5,117	4,256	3,863	3,633	3,482	3,374	3,230	3,073	2,900
10	4,965	4,103	3,708	3,478	3,326	3,217	3,072	2,913	2,737
11	4,844	3,982	3,587	3,357	3,204	3,095	2,948	2,788	2,609
12	4,747	3,885	3,490	3,259	3,106	2,996	2,849	2,687	2,505
13	4,667	3,806	3,411	3,179	3,025	2,915	2,767	2,604	2,420
14	4,600	3,739	3,344	3,112	2,958	2,848	2,699	2,534	2,349
15	4,543	3,682	3,287	3,056	2,901	2,790	2,641	2,475	2,288
16	4,494	3,634	3,239	3,007	2,852	2,741	2,591	2,425	2,235
17	4,451	3,592	3,197	2,965	2,810	2,699	2,548	2,381	2,190
18	4,414	3,555	3,160	2,928	2,773	2,661	2,510	2,342	2,150
19	4,381	3,522	3,127	2,895	2,740	2,628	2,477	2,308	2,114
20	4,351	3,493	3,098	2,866	2,711	2,599	2,447	2,278	2,082
21	4,325	3,467	3,072	2,840	2,685	2,573	2,420	2,250	2,054
22	4,301	3,443	3,049	2,817	2,661	2,549	2,397	2,226	2,028
23	4,279	3,422	3,028	2,796	2,640	2,528	2,375	2,204	2,005
24	4,260	3,403	3,009	2,776	2,621	2,508	2,355	2,183	1,984
25	4,242	3,385	2,991	2,759	2,603	2,490	2,337	2,165	1,964
26	4,225	3,369	2,975	2,743	2,587	2,474	2,321	2,148	1,946
27	4,210	3,354	2,960	2,728	2,572	2,459	2,305	2,132	1,930
28	4,196	3,340	2,947	2,714	2,558	2,445	2,291	2,118	1,915
29	4,183	3,328	2,934	2,701	2,545	2,432	2,278	2,104	1,901
30	4,171	3,316	2,922	2,690	2,534	2,421	2,266	2,092	1,887
35	4,121	3,267	2,874	2,641	2,485	2,372	2,217	2,041	1,833
40	4,085	3,232	2,839	2,606	2,449	2,336	2,180	2,003	1,793
45	4,057	3,204	2,812	2,579	2,422	2,308	2,152	1,974	1,762
50	4,034	3,183	2,790	2,557	2,400	2,286	2,130	1,952	1,737
60	4,001	3,150	2,758	2,525	2,368	2,254	2,097	1,917	1,700
70	3,978	3,128	2,736	2,503	2,346	2,231	2,074	1,893	1,674
80	3,960	3,111	2,719	2,486	2,329	2,214	2,056	1,875	1,654
90	3,947	3,098	2,706	2,473	2,316	2,201	2,043	1,861	1,639
100	3,936	3,087	2,696	2,463	2,305	2,191	2,032	1,850	1,627
120	3,920	3,072	2,680	2,447	2,290	2,175	2,016	1,834	1,608
$\infty$	3,84	2,99	2,60	2,37	2,21	2,09	1,94	1,75	1,52

Таблица П.6.

Процентные точки распределения Фишера, значения  $F_{\alpha \cdot 100\%}$ , соответствующие вероятности  $\alpha = P(F(k_1, k_2) > F_{\alpha \cdot 100\%})$  при  $\alpha = 0,01$

$k_2 \backslash k_1$	1	2	3	4	5	6	8	12	24
1	4052,18	4999,34	5403,53	5624,26	5763,96	5858,95	5980,95	6106,68	6234,27
2	98,502	99,000	99,164	99,251	99,302	99,331	99,375	99,419	99,455
3	34,116	30,816	29,457	28,710	28,237	27,911	27,489	27,052	26,597
4	21,198	18,000	16,694	15,977	15,522	15,207	14,799	14,374	13,929
5	16,258	13,274	12,060	11,392	10,967	10,672	10,289	9,888	9,466
6	13,745	10,925	9,780	9,148	8,746	8,466	8,102	7,718	7,313
7	12,246	9,547	8,451	7,847	7,460	7,191	6,840	6,469	6,074
8	11,259	8,649	7,591	7,006	6,632	6,371	6,029	5,667	5,279
9	10,562	8,022	6,992	6,422	6,057	5,802	5,467	5,111	4,729
10	10,044	7,559	6,552	5,994	5,636	5,386	5,057	4,706	4,327
11	9,646	7,206	6,217	5,668	5,316	5,069	4,744	4,397	4,021
12	9,330	6,927	5,953	5,412	5,064	4,821	4,499	4,155	3,780
13	9,074	6,701	5,739	5,205	4,862	4,620	4,302	3,960	3,587
14	8,862	6,515	5,564	5,035	4,695	4,456	4,140	3,800	3,427
15	8,683	6,359	5,417	4,893	4,556	4,318	4,004	3,666	3,294
16	8,531	6,226	5,292	4,773	4,437	4,202	3,890	3,553	3,181
17	8,400	6,112	5,185	4,669	4,336	4,101	3,791	3,455	3,083
18	8,285	6,013	5,092	4,579	4,248	4,015	3,705	3,371	2,999
19	8,185	5,926	5,010	4,500	4,171	3,939	3,631	3,297	2,925
20	8,096	5,849	4,938	4,431	4,103	3,871	3,564	3,231	2,859
21	8,017	5,780	4,874	4,369	4,042	3,812	3,506	3,173	2,801
22	7,945	5,719	4,817	4,313	3,988	3,758	3,453	3,121	2,749
23	7,881	5,664	4,765	4,264	3,939	3,710	3,406	3,074	2,702
24	7,823	5,614	4,718	4,218	3,895	3,667	3,363	3,032	2,659
25	7,770	5,568	4,675	4,177	3,855	3,627	3,324	2,993	2,620
26	7,721	5,526	4,637	4,140	3,818	3,591	3,288	2,958	2,585
27	7,677	5,488	4,601	4,106	3,785	3,558	3,256	2,926	2,552
28	7,636	5,453	4,568	4,074	3,754	3,528	3,226	2,896	2,522
29	7,598	5,420	4,538	4,045	3,725	3,499	3,198	2,868	2,495
30	7,562	5,390	4,510	4,018	3,699	3,473	3,173	2,843	2,469
35	7,419	5,268	4,396	3,908	3,592	3,368	3,069	2,740	2,364
40	7,314	5,178	4,313	3,828	3,514	3,291	2,993	2,665	2,288
45	7,234	5,110	4,249	3,767	3,454	3,232	2,935	2,608	2,230
50	7,171	5,057	4,199	3,720	3,408	3,186	2,890	2,563	2,183
60	7,077	4,977	4,126	3,649	3,339	3,119	2,823	2,496	2,115
70	7,011	4,922	4,074	3,600	3,291	3,071	2,777	2,450	2,067
80	6,963	4,881	4,036	3,563	3,255	3,036	2,742	2,415	2,032
90	6,925	4,849	4,007	3,535	3,228	3,009	2,715	2,389	2,004
100	6,895	4,824	3,984	3,513	3,206	2,988	2,694	2,368	1,983
120	6,851	4,787	3,949	3,480	3,174	2,956	2,663	2,336	1,950
$\infty$	6,63	4,61	3,78	3,32	3,02	2,80	2,51	2,18	1,79